

〈解答〉

① (1) -5 (2) 6 (3) $-3x + 2y$ (4) $-18a$ (5) $\frac{-5x + 11y}{12}$

② (1) -5
 (2) $x = -3$
 (3) $y = \frac{2x + 18}{3}$ ($y = \frac{2}{3}x + 6$)

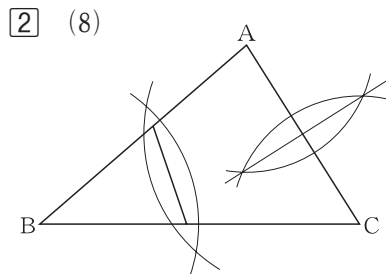
(4) $y = -\frac{2}{3}x + 5$

(5) 15分

(6) $\angle x = 64^\circ$

(7) 3本

(8) 右図



配点 各2点 26点満点

〈解説〉

① (1) $2 - 7$
 $= -5$

(2) $1 - (-15) \div 3$
 $= 1 - (-15 \div 3)$
 $= 1 - (-5)$
 $= 1 + 5$
 $= 6$

(3) $-4x - 3y + x + 5y$
 $= -4x + x - 3y + 5y$
 $= -3x + 2y$

(4) $(-9a^2) \div \frac{1}{2}a$
 $= -9a^2 \div \frac{a}{2}$
 $= -9a^2 \times \frac{2}{a}$
 $= -\frac{9a^2 \times 2}{a}$
 $= -\frac{9 \times 2 \times a \times a}{a}$
 $= -18a$

(5) $\frac{x + 2y}{3} + \frac{-3x + y}{4}$
 $= \frac{(x + 2y) \times 4}{3 \times 4} + \frac{(-3x + y) \times 3}{3 \times 4}$
 $= \frac{4(x + 2y) + 3(-3x + y)}{12}$
 $= \frac{4x + 8y - 9x + 3y}{12}$
 $= \frac{4x - 9x + 8y + 3y}{12}$
 $= \frac{-5x + 11y}{12}$

② (1) $-6 < a \leq 4$ の範囲にある整数は,
 $a = -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4$

の10個であり、絶対値とは、数直線上で原点0からの距離のことなので、これらのうち、絶対値が最も大きいものは、

$$a = -5$$

(2) 両辺に3をかけて、

$$x - 6 = 3x$$

左辺の-6、右辺の3xをそれぞれ移項して、

$$x - 3x = 6$$

$$-2x = 6$$

両辺を-2で割って、

$$x = -3$$

(3) 左辺の2x、18を移項して、

$$-3y = -2x - 18$$

両辺を-3で割って、

$$y = \frac{-2x - 18}{-3}$$

$$y = \frac{2x + 18}{3} \quad (y = \frac{2}{3}x + 6)$$

(4) $y = -\frac{2}{3}x - 1$ のグラフに平行なので、求める直線の傾きは $-\frac{2}{3}$ である。よって、

求める直線の式を

$$y = -\frac{2}{3}x + b$$

とおき、この直線が点(9, -1)を通るので、

$$x = 9, y = -1$$

を代入して、

$$-1 = -\frac{2}{3} \times 9 + b$$

これを解いて、

$$b = 5$$

したがって、求める直線の式は、

$$y = -\frac{2}{3}x + 5$$

(5) 度数の合計が40人なので、

$$40 \div 2 = 20$$

より、通学時間が短い方から20番目と21番目の生徒の階級値を求める。20番目の生徒の階級値は

$$(10 + 15) \div 2 = 12.5 \text{ [分]}$$

21番目の生徒の階級値は

$$(15 + 20) \div 2 = 17.5 \text{ [分]}$$

なので、中央値(メジアン)はこれらの階級値の平均値である

$$(12.5+17.5) \div 2 = 15 \text{ [分]}$$

(6) $\angle DAC = a$, $\angle DCA = b$ とすると,

$$\angle BAC = 180^\circ - 2a$$

$$\angle BCA = 180^\circ - 2b$$

となるので, $\triangle ABC$ の内角の和より,

$$52^\circ + (180^\circ - 2a) + (180^\circ - 2b) = 180^\circ$$

これを整理して,

$$a + b = 116^\circ$$

$\triangle DAC$ の内角の和より,

$$\angle x = 180^\circ - (a + b)$$

$$= 180^\circ - 116^\circ$$

$$= 64^\circ$$

(7) 辺ABとねじれの位置にある辺とは, 辺ABを含む平面上にない辺のことである。
つまり, 辺ABと交わる辺と平行な辺を除外すればよい。

辺ABと交わる辺は,

辺AC, AD, BC, BE

辺ABと平行な辺は,

辺DE

したがって, 辺ABとねじれの位置にある辺は, これらを除く,

辺CF, DF, EF

の3本である。

(8) 辺ACの中点をMとすると, 求める線分は, 線分BMの垂直二等分線である。したがって, 右の図のように, 以下の手順①~④で作図するとよい。

① 点A, Cを中心とする, 半径が等しい円弧をかく。

② ①の円弧どうしの2つの交点を通る直線を引くと, 辺ACとの交点が点Mである。

③ 点B, Mを中心とする, 半径が等しい円弧をかく。

④ ③の円弧どうしの2つの交点を通る直線を $\triangle ABC$ の内部に引く。

