

〈解答〉

- ① (1) $a = \frac{2}{3}$ (2) $y = \frac{1}{5}x^2$ (3) $y = 18$ (4) $x = \pm 2\sqrt{6}$
- ② (1) $0 \leq y \leq 27$ (2) $-50 \leq y \leq 0$ (3) 12 (4) 2
- (5) $t = -19$ (6) $a = \frac{1}{2}$
- ③ (1) $a = 1, b = 2$ (両解) (2) 6 (3) $(1, \frac{5}{2})$ (4) $y = \frac{5}{2}x$

配点 各2点 28点満点

〈解説〉

- ① (1) $y = ax^2$ に $x = -3, y = 6$ を代入すると、 $6 = a \times (-3)^2$ となる。これを解くと $a = \frac{2}{3}$ となる。
- (2) $y = ax^2$ に $x = 5, y = 5$ を代入すると、 $5 = a \times 5^2$ となる。これを解くと $a = \frac{1}{5}$ となるので求める式は $y = \frac{1}{5}x^2$ である。
- (3) $y = ax^2$ に $x = 2, y = 8$ を代入すると、 $8 = a \times 2^2$ となる。これを解くと $a = 2$ となり、式は $y = 2x^2$ となるので $x = -3$ を代入すると、 $y = 18$ となる。
- (4) $y = ax^2$ に $x = 6, y = 18$ を代入すると、 $18 = a \times 6^2$ となる。これを解くと $a = \frac{1}{2}$ となり、式は $y = \frac{1}{2}x^2$ となるので $y = 12$ を代入すると、 $12 = \frac{1}{2}x^2$ となる。この二次方程式を解くと、 $x = \pm 2\sqrt{6}$ となる。
- ② (1) 比例定数が正の数なので、 $x = 0$ のとき y の値は最小値 0 をとり、 $x = -3$ のとき最大値 27 をとる。
- (2) 比例定数が負の数なので、 $x = 0$ のとき y の値は最大値 0 をとり、 $x = -5$ のとき最小値 -50 をとる。
- (3) $x = 2$ のとき $y = 8, x = 4$ のとき $y = 32$ となるので変化の割合は $\frac{32-8}{4-2} = 12$ となる。
- (別解) $y = ax^2$ において x が m から n まで増加するときの変化の割合は $a(m+n)$ で求められる。
- この場合、変化の割合 $= 2 \times (2 + 4) = 12$ と求められる。

(4) $x=1$ のとき $y=\frac{1}{3}$, $x=5$ のとき $y=\frac{25}{3}$ となるので変化の割合は $\frac{\frac{25}{3}-\frac{1}{3}}{5-1}=2$ となる。

(別解) 変化の割合 $=\frac{1}{3} \times (1+5) = 2$

(5) $y=ax^2$ において x が m から n まで増加するときの変化の割合は $a(m+n)$ で求められるので、

$33 = -3 \times \{4 + (4+t)\}$ とおける。これを解くと、 $t = -19$ となる。

(6) $y=2x+1$ の変化の割合は 2 なので、 $2 = a \times (1+3)$ とおける。これを解くと $a = \frac{1}{2}$ となる。

③ (1) $y = \frac{1}{4}x^2$ に $A(-2, a)$ を代入すると、 $a = \frac{1}{4} \times (-2)^2$, これを解くと $a = 1$ となる。

$y = \frac{1}{2}x + b$ に $B(4, 4)$ を代入すると、 $4 = \frac{1}{2} \times 4 + b$, これを解くと $b = 2$ となる。

(2) (1)より直線ABの式は $y = \frac{1}{2}x + 2$ なので、切片を $D(0, 2)$ とおく。 $\triangle OAB = \triangle OAD + \triangle OBD$ より、 $\triangle OAB = \frac{1}{2} \times 2 \times 2 + \frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 6$ となる

(3) 公式: 2点 (a, b) , (c, d) の中点は $\left(\frac{a+c}{2}, \frac{b+d}{2}\right)$

$A(-2, 1)$, $B(4, 4)$ より求める中点Mは $\left(\frac{-2+4}{2}, \frac{1+4}{2}\right) = \left(1, \frac{5}{2}\right)$ となる。

(4) 原点Oを通り、 $\triangle OAB$ の面積を2等分する直線は原点Oと線分ABの中点Mを通る直線となる。(3)より線分ABの中点Mの座標は $\left(1, \frac{5}{2}\right)$ なので $y = ax$ に代入すると、 $\frac{5}{2} = a \times 1$, これを解くと $a = \frac{5}{2}$ となる。よって求める直線の式は $y = \frac{5}{2}x$ となる。