

〈解答〉

① (1) $\frac{6}{5}$ (2) -5 (3) $2a + b$ (4) $2xy^2$ (5) $2a - 17$ (6) $\frac{5\sqrt{2}}{2}$

② (1) $x = 5$

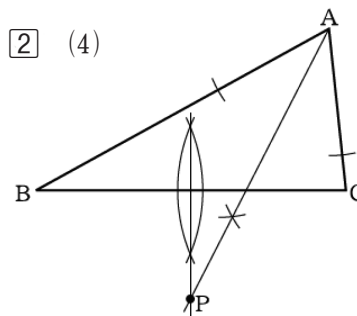
(2) ① 12π cm ② 6 cm

(3) ① $m = -3, n = -10$ ② 28

(4) 右図

(5) ① 点P : 頂点E, 点Q : 頂点A ② $\frac{2}{9}$

(6) ① $(3, -4)$ ② $\frac{176}{3}\pi$



配点 ①(1), (2), ②(2)①, (3)①, (5)①, (6)①は各1点 他各2点 26点満点

〈解答〉

① (1) $\frac{8}{15} \times \frac{9}{4}$
 $= \frac{8 \times 9}{15 \times 4}$
 $= \frac{2 \times 3}{5 \times 1}$
 $= \frac{6}{5}$

(3) $-\frac{1}{2}(2a - 6b) + 3a - 2b$
 $= -a + 3b + 3a - 2b$
 $= -a + 3a + 3b - 2b$
 $= 2a + b$

(5) $(a - 5)(a + 5) - (a - 4)(a + 2)$
 $= a^2 - 25 - (a^2 - 2a - 8)$
 $= a^2 - 25 - a^2 + 2a + 8$
 $= a^2 - a^2 + 2a - 25 + 8$
 $= 2a - 17$

(2) $3 + (-2) \times 4$
 $= 3 + (-2 \times 4)$
 $= 3 + (-8)$
 $= 3 - 8$
 $= -5$

(4) $18xy \times x^2y \div (-3x)^2$
 $= 18xy \times x^2y \div 9x^2$
 $= 18xy \times x^2y \times \frac{1}{9x^2}$
 $= \frac{18xy \times x^2y}{9x^2}$
 $= 2xy^2$

(6) $\sqrt{3} \times \sqrt{6} - \frac{1}{\sqrt{2}}$
 $= \sqrt{3} \times \sqrt{2 \times 3} - \frac{1 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$
 $= 3\sqrt{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}$
 $= \frac{6\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}$
 $= \frac{5\sqrt{2}}{2}$

② (1) 両辺に 4 をかけて,

$$\frac{7x-1}{4} \times 4 - \frac{5+2x}{2} \times 4 = 1 \times 4$$

$$7x - 1 - 2(5+2x) = 4$$

$$7x - 1 - 10 - 4x = 4$$

左辺の -1 , -10 を移項して,

$$7x - 4x = 4 + 1 + 10$$

$$3x = 15$$

両辺を 3 で割って,

$$x = 5$$

(2) ① 半径が 18cm, 中心角が 120° のおうぎ形なので,

その弧の長さは

$$2\pi \times 18 \times \frac{120^\circ}{360^\circ} = 12\pi \text{ [cm]}$$

② おうぎ形の弧の長さが 12π cm なので, 底面の円周も 12π cm である。よって, 底面の円の半径は

$$12\pi \div 2\pi = 6 \text{ [cm]}$$

である。

(3) ① もとの自然数を x とすると, 正しい計算は x を 2 乗して 3 を加えるので,

$$x^2 + 3$$

である。また, 誤った計算は x を 3 倍にしてから 2 を加えたので,

$$3x + 2$$

である。誤った計算の結果は正しい計算の結果よりも 11 小さくなったので,

$$3x + 2 = x^2 + 3 - 11$$

という方程式が成り立つ。これを整理すると,

$$-x^2 + 3x + 2 - 3 + 11 = 0$$

$$-x^2 + 3x + 10 = 0$$

$$x^2 - 3x - 10 = 0$$

よって,

$$m = -3, n = -10$$

である。

② ① でつくった二次方程式 $x^2 - 3x - 10 = 0$ の左辺を因数分解して解くと,

$$(x + 2)(x - 5) = 0$$

$$x = -2, 5$$

ただし、 x は自然数 ($x > 0$) なので、

$x = -2$ は問題に合わない。

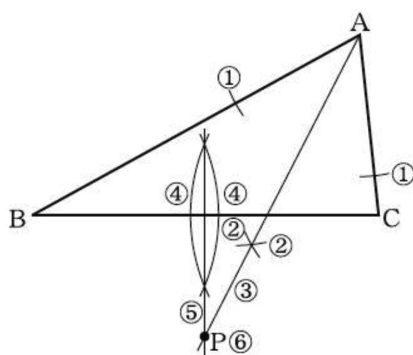
$x = 5$ は問題に合う。

したがって、もとの自然数は 5 であり、正しい計算の結果は

$$5^2 + 3 = 28$$

である。

- (4) 辺ABとACから等しい距離にある点は、 $\angle A$ の二等分線上にある。また、頂点BとCから等しい距離にある点は、辺BCの垂直二等分線上にある。以上より、下の図のように、以下の手順①～⑦で作図するとよい。



- ① 頂点Aを中心とし、辺ABおよびACと交わる円弧をかく。
 - ② ①でかいた円弧と辺AB, ACの交点を中心とする、等しい半径の円弧をかく。
 - ③ ②でかいた円弧どうしの交点と頂点Aを通る直線を引く。
 - ④ 頂点B, Cを中心とする、等しい半径の円弧をかく。
 - ⑤ ④でかいた円弧どうしの2つの交点を通る直線を引く。
 - ⑥ ③, ⑤で引いた直線どうしの交点が、求める点Pである。
- (5) ① 1回目が4なので、点Pは
 $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow E$
 と移動し、2回目が6なので、点Qは
 $A \rightarrow F \rightarrow E \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow B \rightarrow A$
 と移動する。
- ② Aを1つの頂点とする二等辺三角形は、 $\triangle ABF$, $\triangle ACE$, $\triangle ABC$, $\triangle AEF$ の4つである。

これらの三角形ができる場合は、

$$\triangle ABF \cdots (1 \text{ 回目}, 2 \text{ 回目}) = (1, 1), (5, 5)$$

$$\triangle ACE \cdots (1 \text{ 回目}, 2 \text{ 回目}) = (2, 2), (4, 4)$$

$$\triangle ABC \cdots (1 \text{ 回目}, 2 \text{ 回目}) = (1, 4), (2, 5)$$

$$\triangle AEF \cdots (1 \text{ 回目}, 2 \text{ 回目}) = (4, 1), (5, 2)$$

の 8 通りである。したがって、求める確率は、

$$\frac{8}{6 \times 6} = \frac{2}{9}$$

である。

(6) ① $A(6, 0)$, $C(0, -8)$ より、関数㉗の切片は -8 で、傾きは

$$\frac{0 - (-8)}{6 - 0} = \frac{4}{3}$$

なので、関数㉗の式は

$$y = \frac{4}{3}x - 8$$

である。点 D は関数㉗、㉘のグラフどうしの交点なので、関数㉗、㉘の式を連立

方程式として解くと、

$$\frac{4}{3}x - 8 = -\frac{1}{2}x - \frac{5}{2}$$

$$8x - 48 = -3x - 15$$

$$11x = 33$$

$$x = 3$$

これを関数㉗の式に代入して、

$$y = \frac{4}{3} \times 3 - 8$$

$$= -4$$

よって、 $D(3, -4)$ である。

② $\triangle ABD$ を x 軸を中心として 1 回転させてできる立体は、次のページの図のように、点 A , B を頂点とする 2 つの円錐に分けられる。ここで、点 B は関数㉘のグラフと x 軸の交点なので、

$$0 = -\frac{1}{2}x - \frac{5}{2}$$

$$x = -5$$

より、 $B(-5, 0)$ である。

点 A を頂点とする円錐は、

$$(\text{底面の半径}) = 0 - (-4) = 4$$

$$(\text{高さ}) = 6 - 3 = 3$$

なので、その体積は

$$\frac{1}{3} \times \pi \times 4^2 \times 3 = 16\pi$$

である。また、点 B を頂点とする円錐は、

$$(\text{底面の半径}) = 0 - (-4) = 4$$

$$(\text{高さ}) = 3 - (-5) = 8$$

なので、その体積は

$$\frac{1}{3} \times \pi \times 4^2 \times 8 = \frac{128}{3} \pi$$

したがって、求める立体の体積は

$$16\pi + \frac{128}{3}\pi = \frac{176}{3}\pi$$

である。

