

〈解答〉

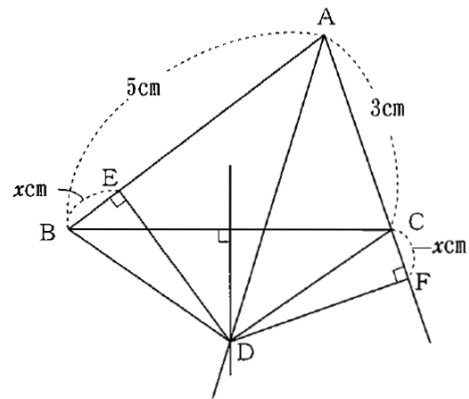
- ① 100°
 ② 20°
 ③ (1) ア 斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しい
 イ DE
 ウ DF
 エ 斜辺と他の1辺がそれぞれ等しい
 (2) 9倍

配点 ③(1)ア～エは各1点 他各2点 10点満点

〈解説〉

- ① 図の●を a , ○を b とすると, $\triangle ABC$ の内角の和の関係より $2a + b + 40 = 180 \cdots \textcircled{1}$, また $\triangle DBC$ の内角の和の関係より, $a + 2b + 80 = 180 \cdots \textcircled{2}$ とおける。①と②の連立方程式を解くと, $a = 60, b = 20$ となる。よって $\triangle EBC$ の内角の和の関係より, $\angle BEC = 180 - (60 + 20) = 100^\circ$ となる。
- ② $AD \parallel BC$ より錯角は等しいので, $\angle ADB = \angle EBD = 35^\circ$ 。また, $BE = ED$ より $\triangle EBD$ は二等辺三角形だから, $\angle EBD = \angle EDB = 35^\circ$ となる。よって $\angle ADE = 35 + 35 = 70^\circ$ より, $\angle EDC = 90 - 70 = 20^\circ$ となる。

- ③ (2) 右の図のように, $BE = CF = x \text{ cm}$ とすると,
 $\triangle AED \equiv \triangle AFD$ より $AE = AF$ だから, x についての次の一次方程式が成り立つ。
 $5 - x = 3 + x$
 これを解くと, $x = 1$
 したがって, $BE = CF = 1 \text{ cm}$ である。
 $DE = DF = h \text{ cm}$ とすると,



$$\triangle BDE = 1 \times h \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} h [\text{cm}^2]$$

$$\triangle ABD = 5 \times h \times \frac{1}{2} = \frac{5}{2} h [\text{cm}^2]$$

$$\triangle AFD = (3+1) \times h \times \frac{1}{2} = 2h [\text{cm}^2]$$

ここで、四角形ABDF = $\triangle ABD + \triangle AFD = \frac{5}{2}h + 2h = \frac{9}{2}h [\text{cm}^2]$ だから、
四角形ABDFの面積は $\triangle BDE$ の面積の $\frac{9}{2}h \div \frac{1}{2}h = 9$ 〔倍〕となる。