

〈解答〉

① (1) $\frac{4}{15}$ (2) 7 (3) $\frac{-3x+13y}{10}$ (4) $2a^2b$

(5) $x^2+12xy+21y^2$ (6) $-5-2\sqrt{2}$

② (1) $x = 4$

(2) x 軸 工, y 軸 ウ (完答)

② (6)

(3) 7 個

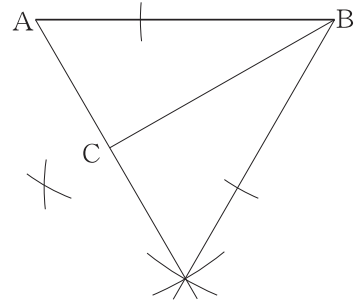
(4) $x = -2$

(5) ① 30通り ② $\frac{1}{6}$

(6) 右図

(7) 80度

(8) ① 0.16 ② $x = 4$



配点 ①(1)(2), ②(5)①②(8)①②は各1点 他各2点 26点満点

〈解説〉

① (1) $0.6 - \frac{1}{3}$
 $= \frac{3}{5} - \frac{1}{3}$
 $= \frac{3 \times 3}{5 \times 3} - \frac{1 \times 5}{3 \times 5}$
 $= \frac{9}{15} - \frac{5}{15}$
 $= \frac{4}{15}$

(2) $1 - (-18) \div 3$
 $= 1 - (-6)$
 $= 1 + 6$
 $= 7$

(3) $\frac{x+4y}{5} - \frac{x-y}{2}$
 $= \frac{(x+4y) \times 2}{5 \times 2} - \frac{(x-y) \times 5}{2 \times 5}$
 $= \frac{2(x+4y)}{10} - \frac{5(x-y)}{10}$
 $= \frac{2(x+4y) - 5(x-y)}{10}$
 $= \frac{2x+8y-5x+5y}{10}$
 $= \frac{-3x+13y}{10}$

(4) $5ab^3 \div (-2b)^2 \times \frac{8}{5}a$
 $= 5ab^3 \div 4b^2 \times \frac{8a}{5}$
 $= 5ab^3 \times \frac{1}{4b^2} \times \frac{8a}{5}$
 $= \frac{5ab^3 \times 8a}{4b^2 \times 5}$
 $= \frac{2 \times 2 \times 2 \times 5 \times a \times a \times b \times b \times b}{2 \times 2 \times 5 \times b \times b}$
 $= 2a^2b$

$$\begin{aligned}
(5) \quad & (2x + 3y)^2 - 3(x - 2y)(x + 2y) \\
& = 4x^2 + 2 \times 2x \times 3y + 9y^2 - 3(x^2 - 4y^2) \\
& = 4x^2 + 12xy + 9y^2 - 3x^2 + 12y^2 \\
& = 4x^2 - 3x^2 + 12xy + 9y^2 + 12y^2 \\
& = x^2 + 12xy + 21y^2
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
(6) \quad & (1 - \sqrt{18})(1 + \sqrt{2}) \\
& = (1 - 3\sqrt{2})(1 + \sqrt{2}) \\
& = 1^2 + (-3\sqrt{2} + \sqrt{2}) \times 1 + (-3\sqrt{2}) \times \sqrt{2} \\
& = 1 - 2\sqrt{2} - 6 \\
& = -5 - 2\sqrt{2}
\end{aligned}$$

② (1) $36 : 32 = 9 : 8$

なので,

$$(5 + x) : 8 = 9 : 8$$

$$5 + x = 9$$

$$x = 4$$

(2) x 軸について対称な一次関数のグラフは、傾きと切片の符号が逆になるので、

$$y = -ax - b$$

y 軸について対称な一次関数のグラフは、傾きの符号が逆になるので、

$$y = -ax + b$$

(3) $2 \leq \frac{n}{7} < 3$ の各辺を 7 倍して、

$$14 \leq n < 21$$

この範囲を満たす整数 n は、

$$n = 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20$$

の 7 個である。

(4) 解の 1 つである $x = 4$ を代入して、

$$4^2 - 2 \times 4 - 3 = a$$

$$a = 5$$

$x^2 - 2x - 3 = 5$ を解くと、

$$x^2 - 2x - 8 = 0$$

$$(x + 2)(x - 4) = 0$$

$$x = -2, 4$$

したがって、もう 1 つの解は

$$x = -2$$

(5) ① 十の位の数、1 ~ 6 の 6 枚から 1 枚を取り出すので 6 通りとなり、一の位の数、残りの 5 枚から 1 枚を取り出すので 5 通りとなる。したがって、つくることができる 2 けたの整数は

$$6 \times 5 = 30 (\text{通り})$$

② 6の倍数は、12, 24, 36, 42, 54の5通りなので、

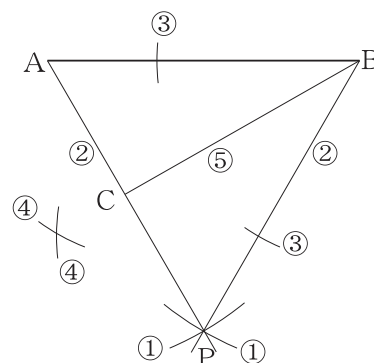
$$\frac{5}{30} = \frac{1}{6}$$

(6) $\angle ABC = 30^\circ$, $\angle ACB = 90^\circ$ より、

$$\angle BAC = 180^\circ - 30^\circ - 90^\circ$$

$$= 60^\circ$$

となり、 30° は 60° の半分の大きさなので、線分ABを1辺とする正三角形をつくり、その正三角形の $\angle B$ の二等分線を引けばよい。以上より、右の図のように、以下の手順①～⑤で作図するとよい。



① 点A, Bを中心として、線分ABを半径とする円弧をそれぞれかく。

② ①の円弧どうしの交点(点Pとする)と点A, Bを結ぶ。

③ 点Bを中心とする円弧をかく。

④ ③の円弧と線分AB, 線分BPとの交点を中心とする、半径の等しい円弧をかく。

⑤ ④の円弧どうしの交点と点Bを結ぶ直線を引くと、その直線と線分APとの交点が頂点Cとなる。

(7) $\triangle ABC \equiv \triangle DEC$ より、

$$CB = CE$$

なので、 $\triangle CBE$ は二等辺三角形である。よって、

$$\begin{aligned} \angle ABC (\angle CBE) &= (180^\circ - 40^\circ) \div 2 \\ &= 70^\circ \end{aligned}$$

また、 $\triangle ABC$ は二等辺三角形なので、

$$\angle ABC = \angle ACB$$

$\triangle ABC \equiv \triangle DEC$ なので、

$$\angle ABC = \angle FEC$$

よって、

$$\begin{aligned} \angle ACB &= \angle FEC \\ &= 70^\circ \end{aligned}$$

図より、

$$\begin{aligned}\angle ECF &= 70^\circ - 40^\circ \\ &= 30^\circ\end{aligned}$$

△FECの内角より,

$$\begin{aligned}\angle EFC &= 180^\circ - \angle FEC - \angle ECF \\ &= 180^\circ - 70^\circ - 30^\circ \\ &= 80^\circ\end{aligned}$$

対頂角なので,

$$\begin{aligned}\angle x &= \angle EFC \\ &= 80^\circ\end{aligned}$$

(8) ① 44cm以上48cm未満の階級の度数は4人なので, その相対度数は

$$4 \div 25 = 0.16$$

② 跳躍の選手7人について, 56cm以上60cm未満の「階級値×度数」は

$$58x \text{ [cm]}$$

60cm以上64cm未満の「階級値×度数」は

$$62(7-x) \text{ [cm]}$$

と表されるので,

$$1246 + 58x + 62(7-x) = 52 \times 32$$

という方程式が成り立つ。これを解いて,

$$1246 + 58x + 434 - 62x = 1664$$

$$-4x = -16$$

$$x = 4$$